

Intertemporale Budgetrestriktion

$$c_1 + \frac{c_2}{1+r^*} = y_1 + \frac{y_2}{1+r^*}$$

$$c_2 = (1+r^*)y_1 + y_2 - (1+r^*)c_1$$

Intertemporale Nutzenfunktion

$$U(c_1, c_2) = u(c_1) + \beta u(c_2)$$

$$U(c_1, c_2) = u(c_1) + \beta u[(1+r^*)y_1 + y_2 - (1+r^*)c_1]$$

$$\frac{\partial U(c_1)}{\partial c_1} = \frac{\partial u(c_1)}{\partial c_1} - \beta \frac{\partial u(c_2)}{\partial c_2} (1+r^*) \stackrel{!}{=} 0$$

Intertemporale Euler-Gleichung:

$$\frac{\partial u(c_1)}{\partial c_1} = \beta \frac{\partial u(c_2)}{\partial c_2} (1+r^*)$$

Gilt die Euler-Gleichung, so kann durch intertemporalen Konsumverschiebung kein Nutzenszuwachs mehr erreicht werden.

Beispiel:

Der Konsumverzicht $\Delta c_1 = -1$ in Periode 1

- führt zu einem Nutzenverlust in Periode 1 von $\frac{\partial u(c_1)}{\partial c_1}$.
- Gleichzeitig verzinst sich der in Periode 1 nicht realisierte Konsum und steht in Periode 2 zum Konsum zur Verfügung: $-\Delta c_1 (1+r^*) = \Delta c_2$.
- Der Nutzenszuwachs in Periode 2 beträgt also $\frac{\partial u(c_2)}{\partial c_2} \Delta c_2 = \frac{\partial u(c_2)}{\partial c_2} (1+r^*)$.
- Der Gegenwartswert des Nutzenszuwachses in Periode 2 ist $\beta \frac{\partial u(c_2)}{\partial c_2} (1+r^*)$.

- **Gilt die Euler-Gleichung, so entspricht der Gegenwartswert des Nutzenzuwachs in Periode 2 genau dem, durch die Konsumverschiebung ausgelösten Nutzenverlust in Periode 1.**
- **Gilt die Euler-Gleichung nicht, so kann durch intertemporale Konsumverschiebung ein Nutzenzuwachs erreicht werden.**

Aus der Euler-Gleichung ergibt sich

$$\beta \frac{\frac{\partial u(c_2)}{\partial c_2}}{\frac{\partial u(c_1)}{\partial c_1}} = \frac{1}{(1+r^*)}$$

- $\frac{1}{(1+r^*)}$: **Der Preis von einer Einheit Zukunftskonsum ausgedrückt in Gegenwartskonsum.**
- $\beta \left[\frac{\partial u(c_2)}{\partial c_2} / \frac{\partial u(c_1)}{\partial c_1} \right]$ **marginale Substitutionsrate von Gegenwartskonsum in Zukunftskonsum des Haushalts.**

Annahme: Die subjektive Zeitpräferenzrate entspricht dem Marktzins.

Es gilt $\delta = r^*$

$$\frac{1}{(1+\delta)} \frac{\frac{\partial u(c_2)}{\partial c_2}}{\frac{\partial u(c_1)}{\partial c_1}} = \frac{1}{(1+r^*)}$$

$$\frac{\partial u(c_2)}{\partial c_2} = \frac{\partial u(c_1)}{\partial c_1}$$

$$c_2 = c_1$$

In diesem Fall möchte der Konsument den Konsum gleichmässig auf beide Perioden aufteilen. Es gilt also der auf Folie 31 dargestellte Fall.